



or-6. 待ち行列シミュレーション

(Excel でオペレーションズリサーチ実習)

<https://www.kkaneko.jp/cc/or/index.html>

金子邦彦



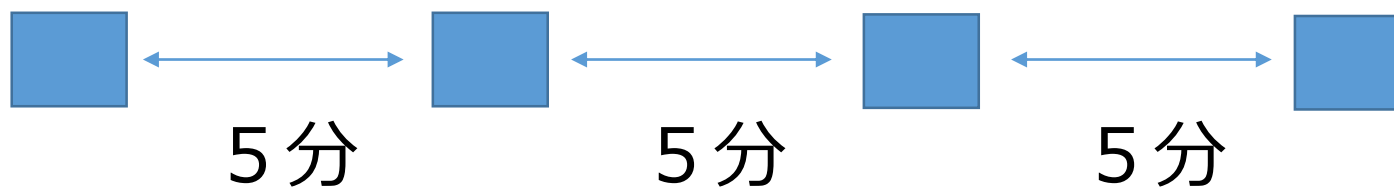


6-1 ランダムな到着

ランダムな客の到着



- 客が1時間（60分）の間に、12人来そう！
というとき



上の図のように、5分ごとに1人ずつ来ることは、
まずあり得ません

ランダムな客の到着



- 客が1時間（60分）の間に、12人来そう！
というとき



客は60分の間に、ランダムにやってきます

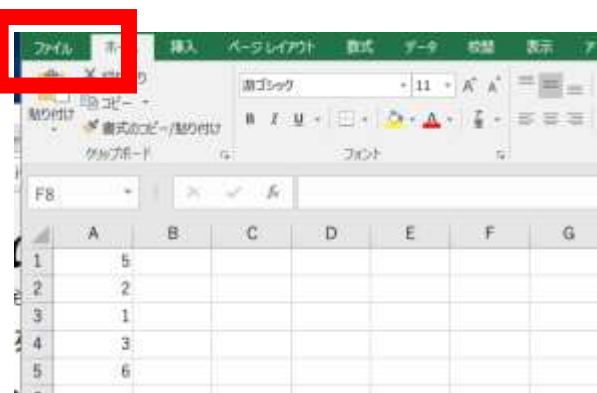


- 待ち行列での待ち時間を、前もって見積もる
(シミュレーションで予測)

実践演習



- 新しくやりなおしたいので、次のように操作して、
- 新しく空白のブックを作りなさい



「ファイル」を
クリック

「新規」
をクリック

空白のブック



0 以上 60 未満の乱数の式

「**=TRUNC(RAND() * 60)**」をセル **A1** に書きなさい

	A	B	C	D
1	=TRUNC(
2				
3				

A1に式 「**=TRUNC(RAND() * 60)**」



客が**1 2人来る**という状況をシミュレーション
したいので、

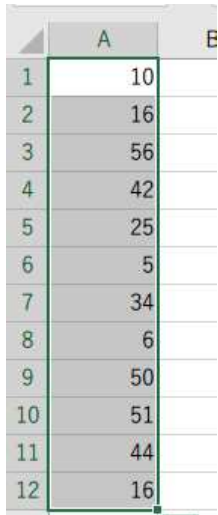
A1 の式を **A2** から **A12** に「**コピー&貼り付
け**」しなさい。

右クリックメニューが便利

	A
1	35
2	16
3	51
4	0
5	49
6	31
7	17
8	1
9	55
10	48
11	19
12	25
13	

実行のたびに違う値になる
(乱数なので、**ランダム**な値)

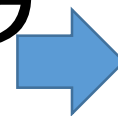
「値」を、B列に「コピー&貼り付け」したい



	A	B	C	D	E
1	10				
2	16				
3	56				
4	42				
5	25				
6	5				
7	34				
8	6				
9	50				
10	51				
11	44				
12	16				



②右クリック
メニューで
「コピー」



③セルB1を
右クリックして、
「形式を選択して貼り付け」

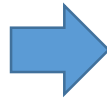


「値の貼り付け」の下に
ある「値」のアイコンを選ぶ

①まず、A1からA12を
ドラッグして、範囲選択

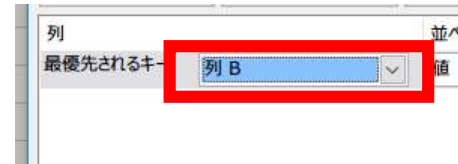
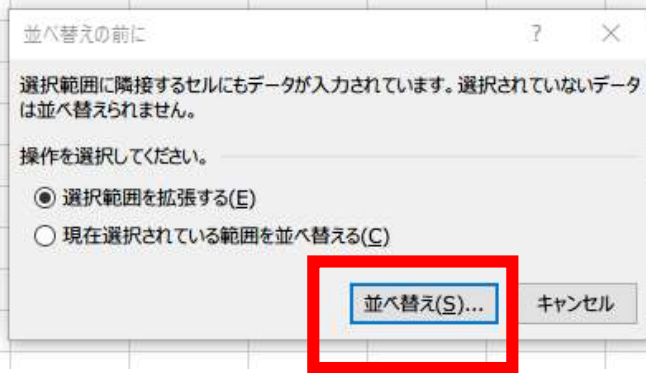
B列の値を並べ替えたい

	A	B	C
1	32	13	
2	45	13	
3	6	21	
4	2	38	
5	14	19	
6	15	8	
7	40	43	
8	20	59	
9	46	16	
10	2	0	
11	43	27	
12	43	50	
13			



② リボンで「データ」→「並べ替え」

①まず、B1からB12をドラッグして、範囲選択



もし、警告表示が出たら
「**並べ替え**」をクリック

③ 「**最優先されるキー**」
を「**列B**」に設定して
「OK」



	B	C
8	0	
2	8	
8	13	
0	13	
1	16	
9	19	
8	21	
0	27	
8	38	
6	43	
4	50	
9	59	

B列が、左のようになることを**確認**

次に、**セル C2** に次の式を入れる

$$=B2-B1$$

これは、到着間隔を求める式

C2の式を、**C3** から **C12** に
「コピー&貼り付け」しなさい。
右クリックメニューが便利



C列が, 左のようになることを**確認**

次のことを確認

60分の中に 12人

平均で5分間隔

間隔はばらばら

0, 1, 2分のような小さな値も, けっこう多い

	A	B	C
1	9	11	
2	13	20	9
3	30	25	5
4	9	28	3
5	12	47	19
6	22	47	0
7	9	51	4
8	49	51	0
9	48	53	2
10	36	55	2
11	9	55	0
12	38	59	4



6-2 待ち行列シミュレーション



- 1時間に、客が20人来ます（ランダムに到着します）
- サービスに1分かかります
- 客はどれくらい待たされそうですか？



待ち行列とは

- 待ち行列とは、
- 何かのサービスや資源の提供などを
- 受けるために待っている行列のこと

何の役に立つのか



- 待ち行列の行列の長さを前もって予測する！
- 待たせないようにするにはどうしたらよいか？
- 一方で、客が来ないことによる資源の無駄やサービス準備の無駄をどうやって防ぐか？
- こんな問題を、解決するヒントを、シミュレーションで得ます！



今から行うこと

- 客の到着は

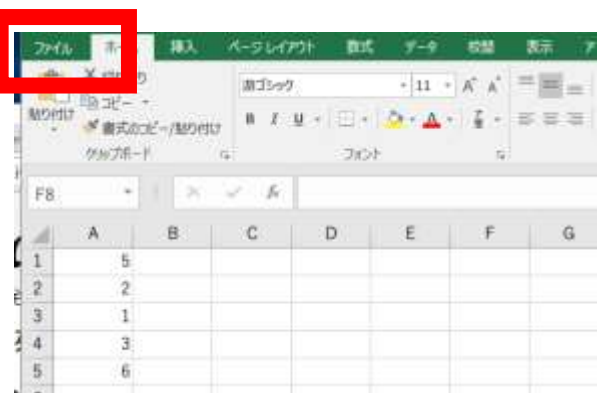
60分あたり**20**人（平均3分間隔）とする。

ランダムに到着する

実践演習



- 新しくやりなおしたいので、次のように操作して、新しく空白のブックを作りなさい



「ファイル」を
クリック

「新規」
をクリック

空白のブック



次の値を書きなさい。数字は半角で！

	A	B	C	D
1	総人数	20		
2	平均間隔	3		
3				
4	時刻	順序	時刻	
5		1		
6				



乱数の式「**=TRUNC(RAND() * B\$1 * B\$2)**」をセル**A5**に書きなさい

	A	B	C	D	E	F
1	総人数	20				
2	平均間隔	3				
3						
4	時刻	順序	時刻			
5	=TRUNC(RAND() * B\$1 * B\$2)					
6						

A5に式「=TRUNC(RAND() * B\$1 * B\$2)」



セル A5 の式を, A6 から A24 (セル 19 個分) に「コピー&貼り付け」しなさい。右クリックメニューが便利

	A	B	C
1	総人数	20	
2	平均間隔	3	
3			
4	時刻	順序	時刻
5	55	1	
6	46		
7	48		
8	28		
9	50		
10	46		
11	22		
12	53		
13	46		
14	2		
15	56		
16	51		
17	35		
18	36		
19	4		
20	52		
21	47		
22	35		
23	54		
24	27		

平均 **3** 分間隔で、**20** 人



到着時刻は **0** から **59** の**ランダム**な整数に設定

※ 全員、違う値になっているはずである。
乱数なので、ランダムな値。



式「**=B5+1**」をセル **B6** に書きなさい。これは、順位を 1 から 20 まで、**1 ずつ増やして** 作るために使う。

	A	B	C	D
1	総人数	20		
2	平均間隔	3		
3				
4	時刻	順序	時刻	
5	55	1		
6	46	=B5+1		
7	48			

B6に式 「=B5+1」

セル **B6** の式を, **B7 から B24 (セル 18 個分)** に「**コピー&貼り付け**」しなさい。 右
クリックメニューが便利

	A	B	C
1	総人数	20	
2	平均間隔	3	
3			
4	時刻	順序	時刻
5	26	1	
6	37	2	
7	15	3	
8	9	4	
9	23	5	
10	47	6	
11	31	7	
12	57	8	
13	37	9	
14	43	10	
15	15	11	
16	30	12	
17	4	13	
18	14	14	
19	1	15	
20	58	16	
21	45	17	
22	13	18	
23	31	19	
24	38	20	

1 から 20 までの数を順番に並べる



式「**=SMALL(A\$5:A\$24, B5)**」をセル **C5** に書きなさい。これは、順位**1**位の値を得るための式

	A	B	C	D	E
1	総人数	20			
2	平均間隔	3			
3					
4	時刻	順序	時刻		
5	0	1	=SMALL(

C5に式「=SMALL(A\$5:A\$24, B5)」

セル **C5** の式を, **C6** から **C24** (**セル19個分**) に「**コピー&貼り付け**」しなさい. 右
クリックメニューが便利

	A	B	C
1	総人数	20	
2	平均間隔	3	
3			
4	時刻	順序	時刻
5	13	1	23
6	2	2	9
7	16	3	11
8	24	4	13
9	59	5	16
10	11	6	16
11	54	7	20
12	35	8	24
13	9	9	24
14	38	10	34
15	16	11	35
16	36	12	36
17	54	13	38
18	57	14	38
19	20	15	45
20	45	16	54
21	24	17	54
22	34	18	57
23	57	19	57
24	38	20	59

C列に**20**人の客の**到着時刻**を、**ランダム**に設定



続きです。サービス時間を設定します。いままで作ったものは消さずに、次の値を書きなさい。数字は半角で！

D	E	
サービス時間	1	
開始	終了	

1行目

2行目

3行目

4行目



式「**=\$C5**」をセル**D5**に書きなさい。

※ 順位**1**位の客は、待たずにサービスを受けることができる（つまり、**到着時刻とサービス開始時刻が等しい**）

D	E	
		1行目
		2行目
サービス時間	1	3行目
開始	終了	4行目
0		5行目

D5に式「=\$C5」



式「**=D5+E\$3**」をセル **E5** に書きなさい。

※ セルE3には「**サービスには 1分かかる**」と設定した。

この式は、**サービス開始時刻**に、**所要時間**を足して、**終了時刻**を求める式

fx		=D5+E\$3	
C	D	E	F
	サービス時間	1	
	開始	終了	
7		7	=D5+E\$3

1 行目
2 行目
3 行目
4 行目
5 行目

E5に式「=D5+E\$3」



式「=MAX(\$C6, E5)」をセル D6 に書きなさい。

※ 次の客は、**前の客**の**サービス終了**を**待つ**。

(サービス開始時刻は、「到着時刻」と「前の客のサービス終了時刻」のうち大きい方になる。大きい方を求めるのが MAX)

=MAX(\$C6, E5)	
D	E
サービス時間	1
開始	終了
	0 1
=MAX(\$C6, E5)	

1 行目
2 行目
3 行目
4 行目
5 行目
6 行目

D6に式「=MAX(\$C6, E5)」



セル D6の式を, D7 から D24 (セル18個分) に「コピー&貼り付け」しなさい。 右
クリックメニューが便利

	A	B	C	D	E
1	総人数	20			
2	平均間隔	3			
3				サービス時間	1
4	時刻	順序	時刻	開始	終了
5	13	1	0	0	1
6	23	2	7	7	
7	46	3	8	8	
8	0	4	12	12	
9	42	5	12	12	
10	32	6	13	13	
11	38	7	14	14	
12	40	8	15	15	
13	8	9	23	23	
14	43	10	30	30	
15	7	11	32	32	
16	15	12	32	32	
17	14	13	38	38	
18	42	14	40	40	
19	12	15	40	40	
20	40	16	40	40	
21	40	17	42	42	
22	32	18	42	42	
23	12	19	43	43	
24	30	20	46	46	

セル E5の式を, E6 から E24 (セル 19 個分) と「コピー&貼り付け」しなさい。 右クリックメニューが便利

	A	B	C	D	E
1	総人数	20			
2	平均間隔	3			
3			サービス時間		1
4	時刻	順序	時刻	開始	終了
5	29	1	0	0	1
6	18	2	0	1	2
7	18	3	1	2	3
8	51	4	2	3	4
9	38	5	10	10	11
10	45	6	18	18	19
11	0	7	18	19	20
12	34	8	18	20	21
13	0	9	23	23	24
14	23	10	26	26	27
15	10	11	28	28	29
16	38	12	29	29	30
17	1	13	34	34	35
18	18	14	38	38	39
19	28	15	38	39	40
20	56	16	41	41	42
21	26	17	45	45	46
22	45	18	45	46	47
23	41	19	51	51	52
24	2	20	56	56	57

それぞれの客のサービス開始時刻と、サービス終了時刻のシミュレーション



続きです。いままで作ったものは**消さず**に、セル **F4** に次の値を書きなさい。

	F	G	H	
				1 行目
				2 行目
1				3 行目
	待ち時間			4 行目
1				



式「**=D5-\$C5**」をセル **F5** に書きなさい。

※ **待ち時間**を求めている。

待ち時間 = サービス開始時刻 - 到着時刻

	A	B	C	D	E	F
1	総人数	20				
2	平均間隔	3				
3				サービス時間	1	
4	時刻	順序	時刻	開始	終了	待ち時間
5	9	1	1	1	2	=D5-\$C5
6	1	2	4	4	5	

F5に式「=D5-\$C5」



セル F5の式を, F6 から F24 (セル19個分) に「コピー&貼り付け」しなさい。
右クリックメニューが便利

	A	B	C	D	E	F
1	総人数	20				
2	平均間隔	3				
3				サービス時間	1	
4	時刻	順序	時刻	開始	終了	待ち時間
5	48	1	5	5	6	0
6	14	2	8	8	9	0
7	19	3	14	14	15	0
8	59	4	16	16	17	0
9	22	5	18	18	19	0
10	23	6	19	19	20	0
11	8	7	22	22	23	0
12	24	8	23	23	24	0
13	18	9	24	24	25	0
14	5	10	25	25	26	0
15	40	11	29	29	30	0
16	35	12	31	31	32	0
17	16	13	35	35	36	0
18	25	14	35	36	37	1
19	50	15	35	37	38	2
20	52	16	40	40	41	0
21	35	17	48	48	49	0
22	29	18	50	50	51	0
23	31	19	52	52	53	0
24	35	20	59	59	60	0

それぞれの客の待ち時間のシミュレーション

待ち時間の合計を求めるために、式
「**=SUM(F5:F24)**」をセル **F25** に書きなさい。

	A	B	C	D	E	F
1	総人数	20				
2	平均間隔	3				
3				サービス時間	1	
4	時刻	順序	時刻	開始	終了	待ち時間
5	48	1	5	5	6	0
6	14	2	8	8	9	0
7	19	3	14	14	15	0
8	59	4	16	16	17	0
9	22	5	18	18	19	0
10	23	6	19	19	20	0
11	8	7	22	22	23	0
12	24	8	23	23	24	0
13	18	9	24	24	25	0
14	5	10	25	25	26	0
15	40	11	29	29	30	0
16	35	12	31	31	32	0
17	16	13	35	35	36	0
18	25	14	35	36	37	1
19	50	15	35	37	38	2
20	52	16	40	40	41	0
21	35	17	48	48	49	0
22	29	18	50	50	51	0
23	31	19	52	52	53	0
24	35	20	59	59	60	0
25						=SUM(F5:F24)

待ち時間の合計

F25に式 「**=SUM(F5:F24)**」

ここまでのまとめ



- サービス時間： 1分

	A	B	C	D	E	F
1	総人数	20				
2	平均停留	9				
3				サービス時間	1	
4	時刻	標準	時刻	開始	終了	待ち時間
5	18	1	5	5	6	0
6	14	2	8	8	8	0
7	19	3	14	14	15	0
8	59	4	16	16	17	0
9	22	5	18	18	19	0
10	23	6	19	19	20	0
11	8	7	22	22	23	0
12	24	8	23	23	24	0
13	10	9	24	24	25	0
14	5	10	25	25	26	0
15	40	11	29	29	30	0
16	36	12	31	31	32	0
17	16	13	35	35	36	0
18	25	14	36	36	37	1
19	50	15	38	37	38	2
20	52	16	40	40	41	0
21	35	17	48	48	49	0
22	29	18	50	50	51	0
23	31	19	52	52	53	0
24	35	20	59	59	60	0

- サービス時間： 2分
- 3分

いまから行う

※ ^{同じになる} D3からF25を, G3 から I25 (3列分)
 に「コピー&貼り付け」しなさい。 右ク
 リックメニューが便利

	D	E	F	G	H	I
	サービス時間	1		サービス時	1	
	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間
2	2	3	0	2	3	0
2	3	4	1	3	4	1
2	4	5	2	4	5	2
10	10	11	0	10	11	0
11	11	12	0	11	12	0
11	12	13	1	12	13	1
16	16	17	0	16	17	0
19	19	20	0	19	20	0
25	25	26	0	25	26	0
26	26	27	0	26	27	0
34	34	35	0	34	35	0
35	35	36	0	35	36	0
37	37	38	0	37	38	0
38	38	39	0	38	39	0
39	39	40	0	39	40	0
42	42	43	0	42	43	0
48	48	49	0	48	49	0
54	54	55	0	54	55	0
56	56	57	0	56	57	0
59	59	60	0	59	60	0
			4			4



セル H3 に、値「2」を書きなさい。半角の「2」

	G	H	I
サービス時間		2	
開始			間
1	3	0	
6	8	0	
10	12	0	
12	14	1	
14	16	2	
16	18	3	
18	20	5	
20	22	4	
22	24	3	
24	26	4	
26	28	3	
28	30	5	
30	32	5	
32	34	5	
34	36	5	
43	45	0	
47	49	0	
52	54	0	
54	56	0	
57			
			45

セル I25 には、サービス所要時間が **2** 分のときの待ち時間合計が求まっている



※ 同じになるセル G3からI25を, J3 から L25 (3列分) に「コピー&貼り付け」しなさい。 右クリックメニューが便利

サービス時 2			サービス時 2		
開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間
0	2	4	0	2	4
0	6	8	0	6	8
0	8	10	0	8	10
1	10	12	2	10	12
1	12	14	3	12	14
0	14	16	1	14	16
0	18	20	0	18	20
1	20	22	2	20	22
0	26	28	0	26	28
0	35	37	0	35	37
0	37	39	1	37	39
0	39	41	2	39	41
0	42	44	0	42	44
0	46	48	0	46	48
0	48	50	1	48	50
0	50	52	0	50	52
1	52	54	2	52	54
1	54	56	3	54	56
0	57	59	0	57	59
0	59	61	1	59	61
5		18			18



セル K3に、値「3」を書きなさい。半角の「3」

	サービス時		
	開始	終了	待ち時間
0	2	5	0
2	5	8	3
0	10	13	0
0	13	16	1
0	16	19	1
1	19	22	3
0	24	27	0
1	27	30	2
3	30	33	5
1	33	36	4
3	36	39	7
3	39	42	8
0	42	45	0
2	45	48	3
3	48	51	5
3	51	54	6
0	54	57	4
0	57	60	2
0	60	63	3
0	63	66	4
2			61

セル L25 には、サービス所要時間が3分のときの待ち時間合計が求まっている



サービス時間が **1分**, **2分**, **3分** と増えると,
「**待ち時間の合計**」がどう増えるか, 今のエクセルを見て**確認**しなさい

サービス時間が **1分**, **2分**, **3分**
→ **待ち時間の合計**は, 2倍, 3倍よりも,
もっと急激に増える



いまのエクセルのファイルについて

サービス時間が 4 分, 5 分, 6 分, 7 分, 8 分の
場合も求めなさい

※ 横に継ぎ足していく

次のページにヒント

1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	AA	
1	総人数	20																										
2	平均値	3																										
3						サービス終了	1	サービス終了	2	サービス終了	3	サービス終了	4	サービス終了	5	サービス終了	6	サービス終了	7	サービス終了	8							
4	種別	種平	種別	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	
5		14	1	3	3	4	0	3	5	0	3	6	0	3	7	0	3	8	0	3	9	0	3	10	0	3	11	0
6		3	2	3	4	5	1	5	7	2	6	9	3	7	11	4	8	13	5	9	15	6	10	17	7	11	19	8
7		32	3	8	8	9	0	8	10	0	9	12	1	11	15	3	13	18	5	15	21	7	17	24	9	19	27	11
8		26	4	14	14	15	0	14	16	0	14	17	0	15	19	1	18	23	4	21	27	7	24	31	10	27	35	13
9		22	5	22	22	23	0	22	24	0	22	25	0	22	26	0	23	28	1	27	33	5	31	38	9	35	43	13
10		39	6	22	23	24	1	24	26	2	25	28	3	26	30	4	28	33	6	33	39	11	38	45	16	43	51	21
11		34	7	24	24	25	0	26	28	2	28	31	4	30	34	6	33	38	9	39	45	15	45	52	21	51	59	27
12		42	8	26	26	27	0	28	30	2	31	34	5	34	38	8	38	43	12	45	51	19	52	59	26	59	67	33
13		37	9	32	32	33	0	32	34	0	34	37	2	38	42	6	43	48	11	51	57	19	59	66	27	67	75	35
14		8	10	34	34	35	0	34	36	0	37	40	3	42	46	8	48	53	14	57	63	23	66	73	32	75	83	41
15		41	11	37	37	38	0	37	39	0	40	43	3	46	50	9	53	58	16	63	69	26	73	80	36	83	91	48
16		44	12	37	38	39	1	39	41	2	43	46	6	50	54	13	58	63	21	69	75	32	80	87	43	91	99	54
17		37	13	39	39	40	0	41	43	2	46	49	7	54	58	15	63	68	24	75	81	36	87	94	48	99	107	60
18		3	14	41	41	42	0	42	45	2	49	52	8	58	62	17	68	73	27	81	87	40	94	101	58	107	115	66
19		22	15	42	42	43	0	45	47	3	52	55	10	62	66	20	73	78	31	87	93	45	101	108	59	115	123	73
20		51	16	44	44	45	0	47	49	3	55	58	11	66	70	22	78	83	34	93	99	49	108	115	64	123	131	79
21		48	17	48	48	49	0	49	51	1	58	61	10	70	74	22	83	88	35	99	105	51	115	122	67	131	139	83
22		49	18	49	49	50	0	51	53	2	61	64	12	74	78	25	88	93	39	105	111	56	122	129	73	139	147	90
23		24	19	51	51	52	0	52	55	2	64	67	13	78	82	27	93	98	42	111	117	60	129	136	78	147	155	98
24		52	20	52	52	53	0	55	57	3	67	70	15	82	86	30	98	103	46	117	123	65	136	143	84	155	163	103
25						3					28					116						382					952	
26																												

全体は24列になっているはず (3×8)



チャレンジ実習課題

ヒント1



	A	B	C	
1	総人数	20		
2	平均間隔	8		
3				≡

ヒント2



1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8



サービス時間	1			サービス員 2			サービス員 3			サービス員 4			サービス員 5			サービス員 6			サービス員 7			サービス員 8			
	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	開始	終了	待ち時間	
0	0	1	0	0	2	0	0	3	0	0	4	0	0	5	0	0	6	0	0	7	0	0	8	0	
4	4	5	0	4	6	0	4	7	0	4	8	0	4	5	10	1	6	12	2	7	14	3	8	16	4
4	5	6	1	6	8	2	7	10	3	8	12	4	10	15	6	12	18	8	14	21	10	16	24	12	
6	6	7	0	8	10	2	10	13	4	12	16	6	15	20	9	18	24	12	21	28	15	24	32	18	
5	15	16	0	15	17	0	15	18	0	16	20	1	20	25	5	24	30	9	28	35	13	32	40	17	
7	17	18	0	17	19	0	18	21	1	20	24	3	25	30	8	30	36	13	35	42	18	40	48	23	
5	25	26	0	25	27	0	25	28	0	25	29	0	30	35	5	36	42	11	42	49	17	48	56	23	
7	27	28	0	27	29	0	28	31	1	29	33	2	35	40	8	42	48	15	49	56	22	56	64	29	
9	49	50	0	49	51	0	49	52	0	49	53	0	49	54	0	49	55	0	56	63	7	64	72	15	
3	63	64	0	63	65	0	63	66	0	63	67	0	63	68	0	63	69	0	63	70	0	72	80	9	
6	66	67	0	66	68	0	66	69	0	67	71	1	68	73	2	69	75	3	70	77	4	80	88	14	
8	78	79	0	78	80	0	78	81	0	78	82	0	78	83	0	78	84	0	78	85	0	88	96	10	
1	81	82	0	81	83	0	81	84	0	82	86	1	83	88	2	84	90	3	85	92	4	96	104	15	
3	93	94	0	93	95	0	93	96	0	93	97	0	93	98	0	93	99	0	93	100	0	104	112	11	
8	98	99	0	98	100	0	98	101	0	98	102	0	98	103	0	99	105	1	100	107	2	112	120	14	
3	113	114	0	113	115	0	113	116	0	113	117	0	113	118	0	113	119	0	113	120	0	120	128	7	
1	121	122	0	121	123	0	121	124	0	121	125	0	121	126	0	121	127	0	121	128	0	128	136	7	
6	136	137	0	136	138	0	136	139	0	136	140	0	136	141	0	136	142	0	136	143	0	136	144	0	
7	137	138	0	138	140	1	139	142	2	140	144	3	141	146	4	142	148	5	143	150	6	144	152	7	
6	146	147	0	146	148	0	146	149	0	146	150	0	146	151	0	148	154	2	150	157	4	152	160	6	
			1			5			11			21			50			84			125			241	

全体は2 4列になっているはず (3 × 8)

ヒント 3



- 待ち時間の合計をグラフにすると . . .

